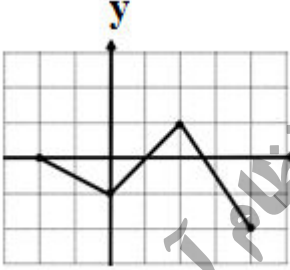
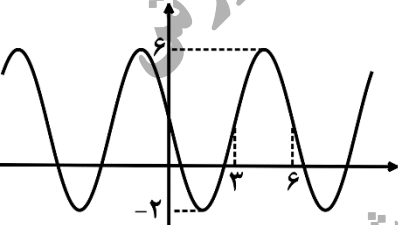


سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی ماه ۱۴۰۲			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را تعیین کنید. الف) دوره تناوب تابع $y = 5 \cos \frac{x}{2} + 1$ برابر با 4π است. ب) تابع تانژانت در بازه $(-\pi, \pi)$، تابعی صعودی است. پ) تابعی وجود ندارد که برای آن شرایط $f(a) = 0$ و $f'(a) = 0$ برقرار باشد. ت) حاصل حد $\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{\sin x}$ برابر با $-\infty$ است.	۱
۲۰	نمودار تابع $f(x)$ به صورت زیر است. نمودار تابع $g(x) = -3f\left(\frac{x}{2}\right) + 2$ را رسم کرده و سپس برد تابع $g(x)$ را تعیین کنید. 	۱
۳	ابتدا نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} (x-2)^3 & x \geq 1 \\ -2 & 0 \leq x < 1 \\ x+1 & x < 0 \end{cases}$ را رسم کنید، سپس تعیین کنید که این تابع در چه بازه‌ای اکیداً صعودی و در چه بازه‌ای اکیداً نزولی است.	۱/۵
۴	اگر باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $P(x) = 3x^2 + mx + 2m + 1$ بر $x - 2$ برابر ۳ باشد، باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $f(x) = mx^2 - mx + 3$ بر $x + 2$ را تعیین کنید.	۱
۵	نمودار زیر مربوط به تابعی با ضابطه $y = a \sin(bx) + c$ است. با توجه به نمودار، ضابطه آن را بنویسید. 	۱/۲۵
۶	معادله مثلثاتی $\sqrt{3} \tan 3x - 1 = 0$ را حل کنید.	۱/۲۵

«ادامه سؤالات در صفحه دوم»

سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	نام و نام خانوادگی :
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی ماه ۱۴۰۲ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			

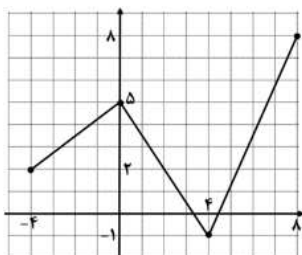
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
۷	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 10x + 25}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{4 - x + x^2}{5 - 2x^2}$	۱/۲۵
۸	مجانبات های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{x^2 - 1}{4 - 3x - x^2}$ را در صورت وجود بیابید.	۱/۵
۹	تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + x & x \leq 1 \\ x + 1 & x > 1 \end{cases}$ را در نظر بگیرید. مشتق پذیری تابع را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۲۵
۱۰	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = \frac{5 \tan x}{1 - \sin x}$ ب) $g(x) = \cos^y(x^2)$ پ) $h(x) = (3x + 5)^6$	۲/۲۵
۱۱	اگر $f(x) = 2x^3 + 1$ و $g(x) = \sqrt{x}$ باشند، حاصل $(f + g)'(4) + (f \times g)'(1)$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۲	آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = \sqrt{x + 5}$ را وقتی متغیر از $x = -1$ به $x = 4$ تغییر می کند به دست آورید.	۰/۷۵
۱۳	مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 6x^2$ را روی بازه $[-2, 3]$ بیابید.	۱/۲۵
۱۴	نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ ، نقطه $(1, -11)$ می باشد، مقدار a و b را بیابید.	۱/۵
۱۵	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{2x - 1}{x + 3}$ را رسم کنید.	۱/۷۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

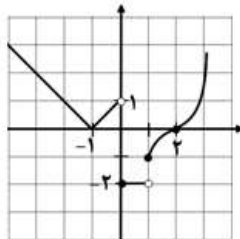
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) درست (صفحه ۲۷ کتاب) (۰/۲۵) پ) نادرست (صفحه ۱۱۰ کتاب) (۰/۲۵)	ب) نادرست (صفحه ۳۱ کتاب) (۰/۲۵) ت) درست (صفحه ۵۳ کتاب) (۰/۲۵)
---	---	--

۲	(صفحه ۱۲ کتاب) $R = [-1, 8]$ (۰/۵) (در رسم به قسمتهای درست به تناسب نمره داده شود.) (رسم شکل ۰/۵)	۱
---	---	---



۳	(صفحه ۲۱ کتاب) اکیداً صعودی $[1, +\infty)$ و $[-1, 0)$ (۰/۵) اکیداً نزولی $(-\infty, -1]$ (۰/۲۵) (در صورتیکه دانش آموز بازه باز نوشته بود، نمره کامل داده شود.) (رسم شکل ۰/۷۵)	۱/۵
---	---	-----



۴	(صفحه ۲۲ کتاب) $p(2) = 3 \Rightarrow 12 + 2m + 2m + 1 = 3 \Rightarrow 4m = -10 \Rightarrow m = -\frac{5}{2}$ (۰/۵) $f(-2) = -\frac{5}{2}(-2)^2 - \left(-\frac{5}{2}\right)(-2) + 3 = -12$ (۰/۲۵)	۱
---	--	---

۵	(صفحه ۳۳ کتاب) $T = 6 \rightarrow \frac{2\pi}{ b } = 6 \rightarrow b = \frac{\pi}{3}$ (۰/۲۵) $\left. \begin{matrix} \max = 6 \\ \min = -2 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \begin{cases} a + c = 6 \\ - a + c = -2 \end{cases} \rightarrow 2c = 4 \rightarrow c = 2 \text{ (۰/۲۵)} \Rightarrow a = 4 \text{ (۰/۲۵)}$ $y = a \sin bx + c \rightarrow y = -4 \sin \frac{\pi}{3} x + 2$ (۰/۵)	۱/۲۵
---	---	------

۶	(صفحه ۴۴ کتاب) $\tan 3x = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} \text{ (۰/۵)} \Rightarrow 3x = k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \text{ (۰/۲۵)} \Rightarrow$ $\Rightarrow x = \frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{18}, k \in \mathbb{Z} \text{ (۰/۵)}$	۱/۲۵
---	---	------

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰: صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۷	الف) $\lim_{x \rightarrow (-5)^-} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 10x + 25} = \lim_{x \rightarrow -5} \frac{\cancel{(x+5)}(x-3)}{\underbrace{(\cancel{x+5})(x+5)}_{(0/25)}} = \frac{-8}{\frac{0}{25}} = +\infty$ (صفحه ۵۳ کتاب) (۰/۲۵) ب) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - x + 4}{-2x^2 + 5} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{\underbrace{-2x^2}_{(0/25)}} = -\frac{1}{2}$ (صفحه ۵۸ کتاب) (۰/۲۵)	۱/۲۵
۸	$-x^2 - 3x + 4 = 0 \rightarrow x = 1, x = -4$ (صفحه ۶۹) (۰/۲۵) $x = 1 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{-x^2 - 3x + 4} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)(-x-4)} = -\frac{2}{5}$ (۰/۲۵) پس قائم نیست $x = -4 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 - 1}{-x^2 - 3x + 4} = \frac{15}{\cdot} = \infty$ (۰/۲۵) پس $x = -4$ مجانب قائم است. $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 1}{\underbrace{4 - 3x - x^2}_{(0/25)}} = -1 \Rightarrow y = -1$ (۰/۲۵) مجانب افقی	۱/۵
۹	(صفحه ۸۹ کتاب) $f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x+1-2}{x-1} = 1$ (۰/۵) $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + x - 2}{x-1} = 3$ (۰/۵) $f'_+(1) \neq f'_-(1)$ در نتیجه تابع در $x=1$ مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)	۱/۲۵
۱۰	الف) $f'(x) = \frac{\overbrace{\Delta(1 + \tan^2 x)(1 - \sin x)}^{(0/5)} - \overbrace{(-\cos x)(\Delta \tan x)}^{(0/5)}}{\underbrace{(1 - \sin x)^2}_{(0/25)}}$ (صفحه ۱۰۱) ب) $g'(x) = -7 \cos^6(x^2) \times 2x \times \sin(x^2)$ (۰/۵) (صفحه ۹۶) پ) $h'(x) = 6 \times 3 \times (3x + 5)^\Delta$ (۰/۵)	۲/۲۵

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱/۵	(صفحه ۱۰۱ کتاب) $(f+g)'(۴) = f'(۴) + g'(۴) = (۶(۴)^۲) + \frac{1}{2\sqrt{۴}} = ۹۶ + \frac{1}{۴} \quad (۰/۲۵)$ $f'(۱)g(۱) + g'(۱)f(۱) = (۶)(۱) + \left(\frac{1}{2}\right)(۳) = ۶ + \frac{۳}{۲} \quad (۰/۲۵)$ $(f+g)'(۴) + (f \times g)'(۱) = ۹۶ + \frac{1}{۴} + ۶ + \frac{۳}{۲} = \frac{۴۱۵}{۴} \quad (۰/۵)$	۱۱												
۰/۷۵	(صفحه ۱۱۰ کتاب) $\frac{f(۴) - f(-۱)}{۴ - (-۱)} = \frac{۳ - ۲}{۵} = \frac{1}{۵} \quad (۰/۲۵)$	۱۲												
۱/۲۵	(صفحه ۱۲۶ کتاب) $y' = ۳x^۲ - ۱۲x = ۰ \Rightarrow x = ۰ \quad (۰/۲۵) , \quad x = ۴ \notin [-۲, ۳] \quad (۰/۲۵)$ $f(-۲) = -۳۲ , \quad f(۰) = ۰ , \quad f(۳) = -۲۷$ (۰/۲۵) $= ۰$ ماکزیمم مطلق (۰/۲۵) -۳۲ مینیمم مطلق (۰/۲۵)	۱۳												
۱/۵	(صفحه ۱۳۶ کتاب) $f(x) = x^۳ + ax^۲ + bx$ $f(۱) = -۱۱ \Rightarrow ۱ + a + b = -۱۱ \quad (۰/۵)$ $f''(۱) = ۰ \Rightarrow ۶(۱) + ۲a = ۰ \quad (۰/۵) \Rightarrow a = -۳ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow b = -۹ \quad (۰/۲۵)$	۱۴												
۱/۷۵	(صفحه ۱۴۴ کتاب) $y' = \frac{۲(x+۳) - ۱(۲x-۱)}{(x+۳)^۲} = \frac{۷}{(x+۳)^۲} > ۰ \quad (۰/۲۵)$ $x = -۳$ مجانب قائم (۰/۲۵) $y = ۲$ مجانب افقی (۰/۲۵) <table border="1" style="border-collapse: collapse; margin: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">-۳</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">y'</td> <td style="padding: 5px;">+</td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;">+</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;">$\nearrow +\infty$</td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;">$\searrow -\infty$</td> </tr> </table> جدول (۰/۵) رسم سحن (۰/۵)	x	$-\infty$	-۳	$+\infty$	y'	+		+		$\nearrow +\infty$		$\searrow -\infty$	۱۵
x	$-\infty$	-۳	$+\infty$											
y'	+		+											
	$\nearrow +\infty$		$\searrow -\infty$											
۲۰	جمع بارم	« همکاران گرامی لطفا به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »												